Prova di Algebra

9 Dicembre 2024

____ Nome___ Cognome__

Esercizio 1 Risolvere la sequente disequazione razionale fratta:

$$\frac{(3-x^2)(2x+1)(2x^2-x+5)}{(-x^2-2)(2x^2-7x-4)} < 0 S: x < -\sqrt{3} \lor \sqrt{3} < x < 4$$

$$S: x < -\sqrt{3} \lor \sqrt{3} < x < 4$$

Esercizio 2 Risolvere la seguente disequazione irrazionale:

$$-x - \sqrt{2x^2 - 3x - 2} \ge -2$$

$$-x - \sqrt{2x^2 - 3x - 2} \ge -2$$
 $S: -3 \le x \le -\frac{1}{2} \lor x = 2$

Esercizio 3 Risolvere la sequente equazione contenente valori assoluti:

$$|2x^2 + x - 6| = 2x - 3$$
 $S: x = \frac{3}{2}$

$$S: x = \frac{3}{2}$$

Esercizio 4 Risolvere la seguente disequazione esponenziale:

$$2^{3x} - 5 \cdot 2^{2x} < -3 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{-x} + 15 \qquad S: x < \frac{\ln 5}{\ln 2}$$

$$S: x < \frac{\ln 5}{\ln 2}$$

Esercizio 5 Risolvere la seguente disequazione logaritmica:

$$3\log_3^2 x < -\log_{\frac{1}{3}} x^8 + 3$$
 $S: \sqrt[3]{\frac{1}{3}} < x < 27$

$$S: \sqrt[3]{\frac{1}{3}} < x < 27$$

Esercizio 6 Risolvere la seguente disequazione esponenziale:

$$5^{x-2} < 2 \cdot 7^{3x+2}$$

$$5^{x-2} < 2 \cdot 7^{3x+2} \qquad S: x > \frac{2 \ln 5 + \ln 2 + 2 \ln 7}{\ln 5 - 3 \ln 7}$$

Esercizio 7 Risolvere la seguente disequazione logaritmica:

$$\left|\log_3|x-2|\right| < 2$$

$$\left| \log_3 |x - 2| \right| < 2$$
 $S: -7 < x < \frac{17}{9} \lor \frac{19}{9} < x < 11$

Avvertenza:

Gli esercizi per essere valutati con pieno punteggio devono essere corredati rigorosamente di ogni singolo passaggio che porta alla soluzione. Non sono accettate soluzioni sintetiche o parziali.

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
	14	14	14	14	14	15	15
Punteggio			_	-			

		VOTO
Totale punti	/10 =	