

Esercitazione Geometria Analitica

25 Gennaio 2025

Cognome _____ Nome _____ Classe _____

Esercizio 1 Dato il fascio di rette di equazione $(2 - k)x + (k + 1)y + 3k - 1 = 0$, determina:

- le equazioni delle generatrici e del centro;
- le rette del fascio che incontrano l'asse x in un punto A tale che $\overline{OA} = 3$;
- il valore di k della retta parallela all'asse x .
- il valore di k affinché le rette del fascio formano un angolo ottuso rispetto al semiasse positivo delle ascisse.

Esercizio 2 Scrivere l'equazione della parabola avente per asse di simmetria la retta $x = 2$ e passante per i punti $A \equiv (1, -1)$, $B \equiv (-1, 5)$. Scrivere l'equazione della retta tangente nel punto dove la parabola interseca l'asse delle ordinate.

Esercizio 3 Scrivere l'equazione della parabola con asse di simmetria parallelo all'asse y che ha il vertice in $V \equiv \left(0, \frac{3}{2}\right)$ e passante per il punto $P \equiv (3, 0)$. Si scriva l'equazione della retta tangente nel vertice alla parabola.

Esercizio 4 Assegnata la parabola di equazione $y = k^2x^2 - 3$ con $k > 0$. Dire per quale valore k il segmento parabolico individuato dalla parabola e dall'asse delle ascisse ha area $A = 5\sqrt{3}$.

Esercizio 5 Scrivere l'equazione della circonferenza γ il cui centro C è il punto comune alle rette $r : x + 2y = 0$ e $s : x - 2y + 4 = 0$ e passante per il punto $P \equiv (-5, 0)$. Verificare che il punto $Q \equiv (-1, 4) \in \gamma$ e scrivere l'equazione della retta tangente a γ in Q .

Esercizio 6 Sia assegnata l'equazione $x^2 + y^2 - 2x + by + 12 = 0$. Determinare il valore di $b \in \mathbb{R}$, affinché l'equazione rappresenti una circonferenza di raggio $r = \sqrt{5}$ avente il centro nel IV quadrante. Successivamente determinare le tangenti ad essa dal punto esterno $P \equiv (0, -1)$.

Esercizio 7 Scrivere l'equazione della circonferenza γ passante per il punto $P \equiv (1, 2)$ e che ammette come retta tangente $x + 2y = 0$ nel punto suo punto $Q \equiv (2, -1) \in \gamma$.

Soluzioni

Ex1a $2x + y - 1 = 0$; $x - y - 3 = 0$ e $C \equiv \left(\frac{4}{3}, -\frac{5}{3}\right)$

Ex1b $x - y - 3 = 0$, la retta in corrispondenza dell'eq. impossibile e $5x + 13y + 15 = 0$

Ex1c $k = 2$

Ex1d $k \in (-1, 2)$

Ex2 $y = \frac{3}{4}x^2 - 3x + \frac{5}{4}$. Retta tangente $12x + 4y - 5 = 0$

Ex3 $y = -\frac{1}{6}x^2 + \frac{3}{2}$ e tangente nel vertice $y = \frac{3}{2}$

Ex4 $k = \frac{4}{5}$

Ex5 $\gamma : x^2 + y^2 + 4x - 2y - 5 = 0$ e retta tangente $t : x + 3y - 11 = 0$

Ex6 $b = 8$; circonferenza $x^2 + y^2 - 2x + 8y + 12 = 0$ e le rette tangenti sono $r : 2x - y - 1 = 0$ e $s : x + 2y + 2 = 0$

Ex7 $\gamma : x^2 + y^2 - 6x - 2y - 5 = 0$